**绝密★启用前**

2017年普通高等学校招生全国统一考试

理科数学

注意事项：

1．答卷前，考生务必将自己的姓名和准考证号填写在答题卡上。

2．回答选择题时，选出每小题答案后，用铅笔把答题卡对应题目的答案标号涂黑。如需改动，用橡皮擦干净后，再选涂其它答案标号。回答非选择题时，将答案写在答题卡上。写在本试卷上无效。

3．考试结束后，将本试卷和答题卡一并交回。

一、选择题：本大题共12小题，每小题5分，共60分。在每小题给出的四个选项中，只有一项是符合题目要求的。

1.已知集合*A*={*x*|*x*<1},*B*={*x*|},则

A. B. C. D. 

2.如图，正方形*ABCD*内的图形来自中国古代的太极图，正方形内切圆中的黑色部分和白色部分关于正方形的中心成中心对称.在正方形内随机取一点，则此点取自黑色部分的概率是

A.  B.  C.  D. 

3.设有下面四个命题

若复数满足，则；

若复数满足，则；

若复数满足，则；

若复数，则.

其中的真命题为

A. B. C. D.

4．记为等差数列的前项和．若，，则的公差为

A．1 B．2 C．4 D．8

5．函数在单调递减，且为奇函数．若，则满足的的取值范围是

A． B．  C．  D． 

6.展开式中的系数为

A.15 B.20 C.30 D.35

7.某多面体的三视图如图所示，其中正视图和左视图都由正方形和等腰直角三角形组成，正方形的边长为2，俯视图为等腰直角三角形，该多面体的各个面中有若干个是梯形，这些梯形的面积之和为

A.10 B.12 C.14 D.16

8.右面程序框图是为了求出满足3*n*-2*n*>1000的最小偶数*n*，那么在和两个空白框中，可以分别填入

A.*A*>1000和*n*=*n*+1

B.*A*>1000和*n*=*n*+2

C.*A*1000和*n*=*n*+1

D.*A*1000和*n*=*n*+2

9.已知曲线*C*1：*y*=cos *x*，*C*2：*y*=sin (2*x*+)，则下面结正确的是

A.把*C*1上各点的横坐标伸长到原来的2倍，纵坐标不变，再把得到的曲线向右平移个单位长度，得到曲线*C*2

B.把*C*1上各点的横坐标伸长到原来的2倍，纵坐标不变，再把得到的曲线向左平移个单位长度，得到曲线*C*2

C.把*C*1上各点的横坐标缩短到原来的倍，纵坐标不变，再把得到的曲线向右平移个单位长度，得到曲线*C*2

D.把*C*1上各点的横坐标缩短到原来的倍，纵坐标不变，再把得到的曲线向右平移个单位长度，得到曲线*C*2

10.已知*F*为抛物线*C*：*y*2=4*x*的焦点，过*F*作两条互相垂直的直线*l*1，*l*2，直线*l*1与C交于*A*、*B*两点，直线*l*2与*C*交于*D*、*E*两点，则|*AB*|+|*DE*|的最小值为

A．16 B．14 C．12 D．10

11.设*xyz*为正数，且，则

A．2*x*<3*y*<5*z* B．5*z*<2*x*<3*y* C．3*y*<5*z*<2*x* D．3*y*<2*x*<5*z*

12.几位大学生响应国家的创业号召，开发了一款应用软件.为激发大家学习数学的兴趣，他们退出了“解数学题获取软件激活码”的活动.这款软件的激活码为下面数学问题的答案：已知数列1，1，2，1，2，4，1，2，4，8，1，2，4，8，16 ，…，其中第一项是20，接下来的两项是20，21，再接下来的三项是26，21，22，依此类推.求满足如下条件的最小整数*N*：*N*>100且该数列的前*N*项和为2的整数幂.那么该款软件的激活码是

A.440 B.330 C.220 D.110

二、填空题：本题共4小题，每小题5分，共20分。

13.已知向量***a***，***b***的夹角为60°，|***a***|=2， | ***b*** |=1，则| ***a*** +2 ***b*** |= .

14.设*x*，*y*满足约束条件，则的最小值为 .

15.已知双曲线*C*：（*a*>0，*b*>0）的右顶点为*A*，以*A*为圆心，*b*为半径做圆*A*，圆*A*与双曲线*C*的一条渐近线交于*M*、*N*两点。若∠*MAN*=60°，则*C*的离心率为\_\_\_\_\_\_\_\_。

16.如图，圆形纸片的圆心为*O*，半径为5 cm，该纸片上的等边三角形*ABC*的中心为*O*。*D*、*E*、*F*为圆*O*上的点，△*DBC*，△*ECA*，△*FAB*分别是以*BC*，*CA*，*AB*为底边的等腰三角形。沿虚线剪开后，分别以*BC*，*CA*，*AB*为折痕折起△*DBC*，△*ECA*，△*FAB*，使得*D*、*E*、*F*重合，得到三棱锥。当△*ABC*的边长变化时，所得三棱锥体积（单位：cm3）的最大值为\_\_\_\_\_\_\_。

三、解答题：共70分。解答应写出文字说明、证明过程或演算步骤。第17~21题为必考题，每个试题考生都必须作答。第22、23题为选考题，考生根据要求作答。学科网

（一）必考题：60分。

17.（12分）

△*ABC*的内角*A*，*B*，*C*的对边分别为*a*，*b*，*c*，已知△*ABC*的面积为

（1）求sin*B*sin*C*;

（2）若6cos*B*cos*C*=1,*a*=3,求△*ABC*的周长

18.（12分）

如图，在四棱锥*P-ABCD*中，*AB//CD*，且

(1)证明：平面*PAB*⊥平面*PAD*；

(2)若*PA*=*PD*=*AB*=*DC*,,求二面角*A*-*PB*-*C*的余弦值.

19．（12分）

为了监控某种零件的一条生产线的生产过程，检验员每天从该生产线上随机抽取16个零件，并测量其尺寸（单位：cm）．根据长期生产经验，可以认为这条生产线正常状态下生产的零件的尺寸服从正态分布*N*(*μ*,*σ*2)．

（1）假设生产状态正常，记*X*表示一天内抽取的16个零件中其尺寸在(*μ*–3*σ*,*μ*+3*σ*)之外的零件数，求*P*(*X*≥1)及*X*的数学期望；学科&网

（2）一天内抽检零件中，如果出现了尺寸在(*μ*–3*σ*,*μ*+3*σ*)之外的零件，就认为这条生产线在这一天的生产过程可能出现了异常情况，需对当天的生产过程进行检查．

（ⅰ）试说明上述监控生产过程方法的合理性；

（ⅱ）下面是检验员在一天内抽取的16个零件的尺寸：

|  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| 9.95 | 10.12 | 9.96 | 9.96 | 10.01 | 9.92 | 9.98 | 10.04 |
| 10.26 | 9.91 | 10.13 | 10.02 | 9.22 | 10.04 | 10.05 | 9.95 |

经计算得，，其中*xi*为抽取的第*i*个零件的尺寸，*i*=1,2,…,16．

用样本平均数作为*μ*的估计值，用样本标准差*s*作为*σ*的估计值，利用估计值判断是否需对当天的生产过程进行检查？剔除之外的数据，用剩下的数据估计*μ*和*σ*（精确到0.01）．

附：若随机变量*Z*服从正态分布*N*(*μ*,*σ*2)，则*P*(*μ*–3*σ*<*Z*<*μ*+3*σ*)=0.997 4，0.997 416≈0.959 2，．

20.（12分）

已知椭圆*C*：（*a*>*b*>0），四点*P*1（1,1），*P*2（0,1），*P*3（–1， ），*P*4（1，）中恰有三点在椭圆*C*上.

（1）求*C*的方程；

（2）设直线*l*不经过*P*2点且与C相交于*A*，*B*两点.若直线*P*2*A*与直线*P*2*B*的斜率的和为–1，证明：*l*过定点.

21.（12分）

已知函数=ae2x+（a﹣2）ex﹣x.

1. 讨论的单调性；
2. 若有两个零点，求a的取值范围.

（二）选考题：共10分。请考生在第22、23题中任选一题作答，如果多做，则按所做的第一题计分。

22．[选修4-4，坐标系与参数方程]（10分）

在直角坐标系xOy中，曲线C的参数方程为（*θ*为参数），直线l的参数方程为.

（1）若a=-1，求C与l的交点坐标；

（2）若C上的点到l的距离的最大值为，求a.

23.[选修4—5：不等式选讲]（10分）

已知函数*f*（*x*）=–*x*2+*ax*+4，*g*(*x*)=│*x*+1│+│*x*–1│.

（1）当*a*=1时，求不等式*f*（*x*）≥*g*（*x*）的解集；

（2）若不等式*f*（*x*）≥*g*（*x*）的解集包含[–1，1]，求*a*的取值范围.